

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

/* Nodo di albero */
typedef struct _node {
    int key;
    struct _node* left;
    struct _node* right;
} node;

/* Inserimento ricorsivo nell'ABR T della chiave val.
*
* Tempo:  $O(h) = O(n)$  al caso pessimo per gli ABR non bilanciati
*          $= O(\log n)$  al caso medio per gli ABR non bilanciati
*          $= O(\log n)$  al caso pessimo per gli ABR bilanciati (AVL)
*/
node* ABR_insert(node* T, int val) {
    // Caso base: se l'albero è vuoto creiamo un nuovo nodo e lo restituiamo
    if(T == NULL) {
        node* newLeaf = (node*) malloc(sizeof(node));
        newLeaf->key = val;
        newLeaf->left = NULL;
        newLeaf->right = NULL;
        return newLeaf;
    }

    /* Inserimento ricorsivo:
    * se la chiave da inserire è minore o uguale a quella del nodo corrente
    * proseguiamo l'inserimento nel sottoalbero sinistro
    * altrimenti nel sottoalbero destro.
    */
    if(val <= T->key)
        T->left = ABR_insert(T->left, val);
    else
        T->right = ABR_insert(T->right, val);

    return T; // Restituiamo l'albero aggiornato
}

/* Ricerca di val all'interno dell'ABR puntato da root.
* Restituisce 1 se la chiave è presente, altrimenti 0.
* Nella variabile puntata da depth viene salvata la profondità del nodo trovato.
*
* Tempo:  $O(h) = O(n)$  al caso pessimo per gli ABR non bilanciati
*          $= O(\log n)$  al caso medio per gli ABR non bilanciati
*          $= O(\log n)$  al caso pessimo per gli ABR bilanciati (AVL)
*/
int ABR_find(node* root, int val, int* depth) {
    if(root == NULL) // Caso base ricorsione: albero vuoto, chiave non presente
        return 0;

    if(root->key == val) // Altrimenti, se questo nodo contiene la chiave
        cercata...
        return 1;
}

```

```

/* Se questo nodo non contiene la chiave cercata
 * dobbiamo proseguire la ricerca a sinistra o a destra.
 * Così facendo scendiamo di un livello, e quindi aumentiamo la profondità.
 */
(*depth)++;

if(val < root->key)
    return ABR_find(root->left, val, depth);
else
    return ABR_find(root->right, val, depth);
}

/* Funzione di utilità per deallocare un albero.
 * Segue la struttura di una postvisita, deallocando prima i sottoalberi
 * e poi il nodo corrente.
 */
void ABR_free(node* root) {
    if(root != NULL) {
        ABR_free(root->left);
        ABR_free(root->right);

        free(root);
    }
}

/* Funzione di utilità per il valore assoluto di un intero.
 *
 * In alternativa si può usare una macro come questa:
#define abs(n) ((n >= 0) ? (n) : (-n))
 */
int abs(int n) {
    if(n < 0) return -n;
    else return n;
}

/* Funzione di utilità che calcola l'altezza di un albero.
 * Per convenzione height(NULL) = -1.
 *
 * Tempo = Theta(n)
 */
int height(node* root) {
    if(root == NULL)
        return -1;

    int hsx = height(root->left);
    int hdx = height(root->right);

    // height(root) = 1 + max(height(root.left), height(root.right))
    if(hsx > hdx)
        return 1 + hsx;
    else
        return 1 + hdx;
}

```

```

/* Controlla se l'albero radicato in root è 1-bilanciato. (versione inefficiente)
*
* Dalla teoria sappiamo che un albero è 1-bilanciato se e solo se ogni nodo
* ha coefficiente di bilanciamento minore o uguale a 1, in valore assoluto.
* Ricordiamo che il coefficiente di bilanciamento è definito come
*  $u(v) = \text{altezza}(v.\text{left}) - \text{altezza}(v.\text{right})$ 
*
* Restituisce 0 se l'albero non è 1-bilanciato, altrimenti 1.
*
* Tempo =  $\Theta(n^2)$  (inefficiente)
*/

```

```

int isOneBalanced_ineff(node* root) {
    if(root == NULL)
        return 1;

    int hsx = height(root->left);
    int hdx = height(root->right);

    int balance = abs(hsx - hdx);
    if(balance > 1)
        return 0;
    else
        return isOneBalanced_ineff(root->left) && isOneBalanced_ineff(root->right);
}

```

```

/* Controlla se l'albero radicato in root è 1-bilanciato.
*
* Dalla teoria sappiamo che un albero è 1-bilanciato se e solo se ogni nodo
* ha coefficiente di bilanciamento minore o uguale a 1, in valore assoluto.
* Ricordiamo che il coefficiente di bilanciamento è definito come
*  $u(v) = \text{altezza}(v.\text{left}) - \text{altezza}(v.\text{right})$ 
*
* Restituisce 0 se l'albero non è 1-bilanciato, altrimenti 1.
* Nella variabile puntata da height viene salvata l'altezza di root.
*
* Tempo =  $\Theta(n)$  (ottimo)
*
* Questa funzione usa la convenzione per cui altezza(NULL) = -1.
*/

```

```

int isOneBalanced(node* root, int *height) {
    /* Se l'albero è vuoto la sua altezza è -1 ed è banalmente 1-bilanciato. */
    if(root == NULL) {
        *height = -1;
        return 1;
    }

    int hsx = -1, hdx = -1;
    /* Otteniamo ricorsivamente la risposta alla domanda per il sottoalbero
    * sinistro e per quello destro, insieme alle rispettive altezze nelle
    * variabili
    * hsx e hdx.
    */
}

```

```

    */
int isBalanced_left = isOneBalanced(root->left, &hsx);
int isBalanced_right = isOneBalanced(root->right, &hdx);

int balanced;
/* Il nodo attuale è 1-bilanciato se:
 * 1. il sottoalbero sinistro è bilanciato
 * 2. il sottoalbero destro è bilanciato
 * 3. il suo coefficiente di bilanciamento è |ul| <= 1
 */
if(isBalanced_left && isBalanced_right && (abs(hsx - hdx) <= 1))
    balanced = 1;
else
    balanced = 0;

// Calcoliamo l'altezza di questo nodo e la salviamo nel puntatore height
// per restituirla al chiamante
if(hsx > hdx)
    *height = 1 + hsx;
else
    *height = 1 + hdx;

return balanced;
}

int main(void) {
int i;
int n;
int num;

scanf("%d", &n); // Numero di nodi da leggere

node* T = NULL; // Inizialmente l'albero è vuoto

// Inserimento dei valori letti da input nell'albero
for(i=0; i<n; i++) {
    scanf("%d", &num);
    T = ABR_insert(T, num);
}

/* *****
 * Inizio parte in più rispetto all'esercizio 1 sulla piattaforma:
 * stampa 1 se l'albero fornito in input è un AVL, altrimenti 0.
 * Inoltre, ne stampa l'altezza.
 */
int altezza;

int avl = isOneBalanced(T, &altezza);

printf("AVL: %d, altezza: %d\n", avl, altezza);
/* Fine parte in più rispetto all'esercizio 1 della piattaforma
*****
*/

/* Ricerca dei valori forniti in input */

```

```
int search = 0;

while(search >= 0) {
    scanf("%d", &search);

    if(search < 0)
        break;

    int depth = 0; // La profondità minima è zero

    if(ABR_find(T, search, &depth))
        printf("%d\n", depth); // Stampa la profondità, se il valore è
presente
    else
        printf("NO\n");
}

/* Deallocazione dell'albero */
ABR_free(T);

return 0;
}
```